

7. (70) U prostoru je dato  $n$  tačaka među kojima ne postoje četiri koje pripadaju jednoj ravni. Ako je broj ravni, koje ove tačke određuju, 35 puta veći od broja tačaka, odrediti  $n$ . Koliko pravih određuju ove tačke?

Pošto ni jedna četvorka datih tačaka ne pripada jednoj ravni, onda je ukupan broj ravni koji može da se formira od  $n$  tačaka predstavlja broj kombinacija od  $n$  elemenata treće klase. U pitanju su kombinacije treće klase zato što bilo koje tri nekolinearne tačke čine ravan.

$$\frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2)}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 35 \cdot n$$

$$\frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2)}{6} = 35n$$

$$\frac{(n-1) \cdot (n-2)}{6} = 35$$

$$(n-1) \cdot (n-2) = 210$$

Ovde vidimo da proizvod dva uzastopna broja mora da bude 210. Rastavljanjem broja 210 na proste činioce vidimo da su to brojevi 14 i 15. Dakle :

$n-1 = 15$  i  $n-2 = 14$  zato što je  $n-1 > n-2$ ,  $n = 16$ .

Ovih 16 tačaka određuju  $l = \frac{16 \cdot 15}{2}$  prave. Ovo su sada kombinacije od 16 elemenata druge klase. Takvih kombinacija ima 120, tako da je to broj pravih koje su određene ovim tačkama.